

## LIMITS

## REVIEW EXERCISES I

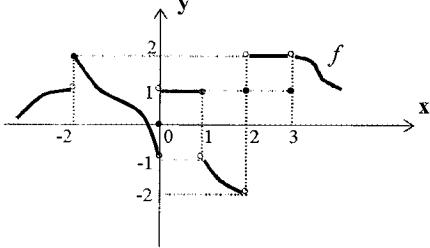
1. The function  $f(x)$  is defined as

$$f(x) = \begin{cases} \frac{3}{x+2}, & x < -1 \\ -2x+1, & -1 \leq x \leq 5 \\ x+3, & x > 5 \end{cases}$$

Which one of the followings is the sum of the abscissa ( $x$ -values) of the points where the function  $f(x)$  has no limit?

- A) -3    B) -1    C) 2    D) 3    E) 5

2.



At which points does the function  $f$  have no limit?

- A) {-2,2}    B) {-2,0,1,2,3}    C) {0,1,2}    D) {-2,0,1,2}    E) {-2,0,1}

3.  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \left( \frac{\cos x}{|\cos x|} - 2x \right) = ?$

- A) -6    B)  $1 - 2\pi$     C)  $-1 - \pi$     D)  $1 - \pi$     E)  $\pi$

4.  $\lim_{x \rightarrow \infty} 5^{\frac{2}{3-x}} = ?$

- A) 1    B) 0    C) 1    D)  $\infty$     E) no limit

5.  $\lim_{x \rightarrow 1} \left( \frac{1}{x-1} \right) = ?$

- A)  $-\frac{1}{2}$     B) 0    C)  $-\infty$     D)  $\infty$     E) no limit

6.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \left( \frac{2x + |x|}{2|x| - 3x} \right) = ?$

- A) 0    B) 3    C)  $\frac{3}{5}$     D) -2    E) -3

7.  $\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{|9-x^2|}{x-3} = ?$

- A) -6    B) -3    C) 2    D) 4    E) 6

8.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{1 - \cos 2x}}{\sin x} = ?$  ( $\cos 2x = 1 - 2\sin^2 x$ )

- A) -1    B) 0    C)  $\sqrt{2}$     D)  $-\sqrt{2}$     E)  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$

9.  $\lim_{x \rightarrow \pi} \cos(\sin x) = ?$

- A) 1    B) 0    C) -1    D)  $-\frac{1}{2}$     E)  $-\frac{1}{3}$

10.  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{-x^2 + 4x + 5}{x^2 - 25} = ?$

- A)  $-\frac{1}{2}$     B)  $-\frac{3}{5}$     C) -1    D)  $\frac{1}{2}$     E)  $\frac{3}{5}$

11.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{1+x} - 1}{x} = ?$

- A) 3    B)  $\frac{1}{3}$     C) -3    D) 0    E)  $+\infty$

12.  $\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{(3+x)^3 - 27}{x} \right) = ?$

- A) -27    B) -3    C) 0    D) 3    E) 27

13.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{\tan 5x} = ?$

- A)  $\frac{5}{2}$     B)  $\frac{2}{5}$     C) 0    D) 2    E) 5

14.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^3 x}{x \cdot (1 - \cos x)} = ?$

- A) 0    B)  $\frac{1}{2}$     C) 1    D) 2    E) 3

**LIMITS****REVIEW EXERCISES II**

1.  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\sin x - \sin a}{\sin(a-x)} = ?$

- A)  $-\frac{1}{\cos a}$       B)  $-\cos a$       C)  $-1$   
D)  $0$       E)  $\cos a$

2.  $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\sin x \cdot \sin 2x}{2 - 2\cos^2 x} = ?$

- A)  $1$       B)  $\frac{1}{2}$       C)  $0$       D)  $-\frac{1}{2}$       E)  $-1$

3.  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \left( \frac{\sin(\cos x)}{\sin 2x} \right) = ?$

- A)  $\frac{1}{4}$       B)  $\frac{1}{2}$       C)  $1$       D)  $2$       E)  $4$

4.  $\lim_{x \rightarrow 2} \left( \frac{4 \sin^2(x-2) - \sin^2(2x-4)}{(2-x)^4} \right) = ?$

- A)  $1$       B)  $2$       C)  $3$       D)  $4$       E)  $5$

5.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x + \cos 3x}{x+2} + \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sin^2 \frac{2}{x}}{\frac{1}{x}} = ?$

- A)  $-2$       B)  $-1$       C)  $0$       D)  $1$       E)  $2$

6.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{4x^2 - 5x + 3}{x^3 - 2x - 1} \right) = ?$

- A)  $4$       B)  $2$       C)  $1$       D)  $0$       E)  $\infty$

7.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{3 - 4x}{2x + 7} \right) = ?$

- A)  $-\infty$       B)  $\frac{3}{2}$       C)  $\frac{3}{7}$       D)  $-2$       E)  $-3$

8.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{2^x - 2^{-x}}{2^x + 2^{-x}} \right) = ?$

- A)  $-1$       B)  $1$       C)  $2$       D)  $\infty$       E)  $-\infty$

9.  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left( \frac{4x + 3 + \sqrt{x^2 - 3}}{2x + 6} \right) = ?$

- A)  $\frac{7}{3}$       B)  $\frac{5}{2}$       C)  $\frac{3}{2}$       D)  $2$       E)  $5$

10.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \sqrt{x^2 + 5x - 1} - \sqrt{x^2 - 3x + 4} \right) = ?$

- A)  $\infty$       B)  $0$       C)  $-4$       D)  $5$       E)  $4$

11.  $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 4x - 1} - x + 1) = ?$

- A)  $1$       B)  $2$       C)  $3$       D)  $4$       E)  $6$

12.  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x - \sqrt{3x-2}}{x^2 - 4} = ?$

- A)  $-\frac{1}{4}$       B)  $\frac{1}{2}$       C)  $\frac{1}{4}$       D)  $\frac{1}{8}$       E)  $\frac{1}{16}$

13.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{4x^2 - 8x + 1} + |x+2|}{3x-5} = ?$

- A)  $-1$       B)  $-\frac{1}{3}$       C)  $0$       D)  $\frac{1}{3}$       E)  $1$